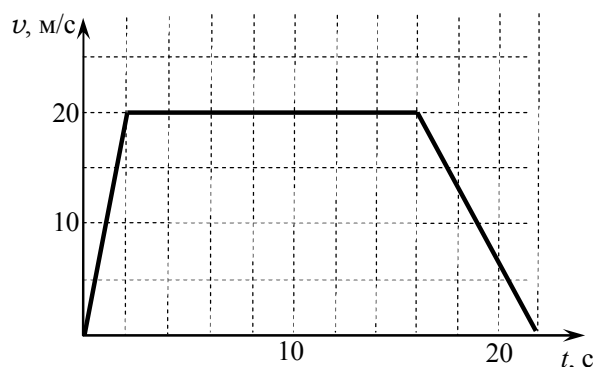


Задача № 1

Материальная точка движется вдоль прямой линии. На рисунке показана зависимость скорости материальной точки от времени. Чему равна средняя скорость на первой половине пути?



Решение:

Путь за все время движения (площадь под графиком) $S = v \cdot \frac{t_3 + t_2 - t_1}{2}$. Найдем время, за которое

была пройдена первая половина пути $\frac{S}{2} = v \cdot \frac{t_x + t_x - t_1}{2} = v \cdot \frac{t_3 + t_2 - t_1}{4}$, $t_x = \frac{t_3 + t_2 + t_1}{4}$.

Средняя скорость $v_{\text{ср}} = \frac{S}{2t_x} = v \cdot \frac{t_3 + t_2 - t_1}{t_3 + t_2 + t_1} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{22\text{с} + 16\text{с} - 2\text{с}}{22\text{с} + 16\text{с} + 2\text{с}} = 18 \frac{\text{м}}{\text{с}}$.

Ответ: 18 м/с.

Задача № 2

Лимонад, имеющий температуру $t_1 = 40^\circ\text{C}$, охлаждают при помощи кубиков льда ($t_2 = 0^\circ\text{C}$). Сколько кубиков льда надо взять, чтобы получить ровно $V = 200$ мл напитка при температуре $t = 14^\circ\text{C}$? Удельная теплоемкость лимонада равна $c = 4,2$ кДж/(кг·К), удельная теплота плавления льда равна $\lambda = 330$ кДж/кг, плотность лимонада $\rho_1 = 1000$ кг/м³, льда $\rho_2 = 900$ кг/м³, объем кубика $V = 1$ см³.

Решение:

Запишем уравнение теплового баланса:

$$\rho_2 \cdot N \cdot v \cdot \lambda + \rho_2 \cdot N \cdot v \cdot c \cdot (t - t_2) + (\rho_1 \cdot V - \rho_2 \cdot N \cdot v) \cdot c \cdot (t - t_1) = 0.$$

$$N = \frac{\rho_1 \cdot V \cdot c \cdot (t_1 - t)}{\rho_2 \cdot v \cdot [\lambda + c \cdot (t_1 - t_2)]} \approx 49.$$

Ответ: 49 шт.

Задача № 3

В разные моменты времени из пунктов А и В выехали навстречу друг другу велосипедист и мотоциклист. Встретившись в точке С, они тотчас развернулись и поехали обратно. Доехав до своих пунктов, они опять развернулись и поехали навстречу друг другу. На этот раз они

встретились в точке D и, развернувшись, вновь поехали к своим пунктам. Этот процесс продолжался и в дальнейшем. В какой точке отрезка AB произойдет их 2013 встреча?

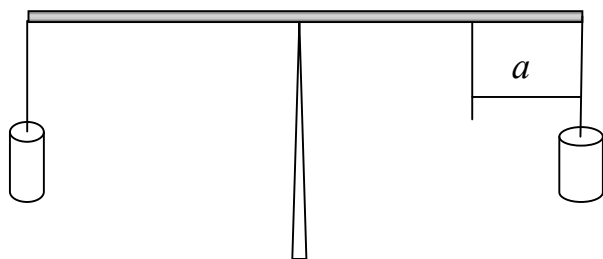
Решение:

Пусть V_1 – скорость велосипедиста, V_2 – скорость мотоциклиста, S_1 – сумма расстояний от точки A до точек C и D , S_2 – сумма расстояний от точки B до точек C и D . Покажем сначала, что третья встреча произойдет в точке C . Время, прошедшее от момента первой встречи в точке C до момента второй встречи в точке D , равно $\frac{S_1}{V_1} = \frac{S_2}{V_2}$. После второй встречи (в точке D) велосипедист за время $\frac{S_1}{V_1}$ доедет до

точки C , а мотоциклист до той же точки C доедет за время $\frac{S_2}{V_2}$, т.е. приедет в точку C одновременно с

велосипедистом. Это и означает, что их третья встреча произойдет в точке C . Рассуждая аналогично, получаем, что все нечетные встречи происходят в точке C , а все четные встречи – в точке D . Итак, 2013 встреча произойдет в точке C .

Ответ: точка C .



Задача № 4

Кусок металла, представляющий собой сплав серебра и меди, уравнивается с помощью рычага длиной 1 м гирькой массой 0,5 кг, причем кусок металла и гирька подвешены к концам рычага, а упор расположен посередине. Если кусок металла полностью опустить в воду, то для уравнивания

рычага необходимо передвинуть гирьку на расстояние $a = 5$ см. Определите массу серебра в этом куске металла. Плотность воды 1000 кг/м^3 , серебра 10500 кг/м^3 , меди 8900 кг/м^3 .

Решение:

Так как упор вначале расположен посередине, то масса куска металла равна m . Запишем второе условие равновесия, когда кусок металла опущен в воду $(mg - \rho g V) \frac{l}{2} = mg \left(\frac{l}{2} - a \right)$, тогда

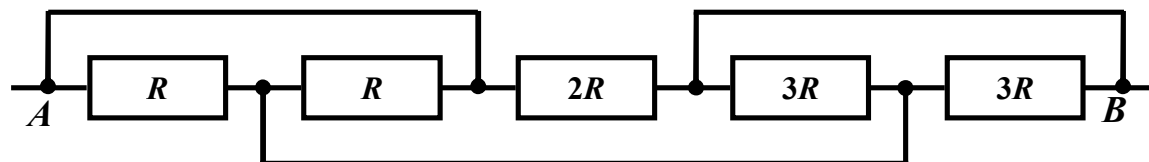
$V = \frac{2ma}{\rho l}$. Составляем систему уравнений для нахождения массы серебра: $m_1 + m_2 = m$ и

$$\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} = V. \text{ Тогда } m_1 = m \rho_1 \frac{\rho_2 \frac{2a}{\rho l} - 1}{\rho_2 - \rho_1} = 361 \text{ г}$$

Ответ: 361 г.

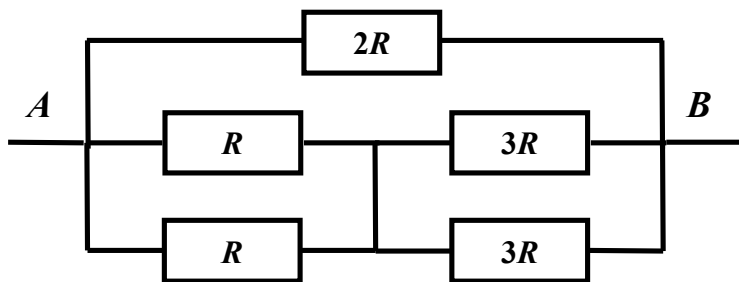
Задача № 5

Найдите общее сопротивление цепи между точками A и B .



Решение:

Перерисуем схему:



Ее сопротивление равно R .

Ответ: R .

Задача № 6

Некто тратил одну денежку на хлеб и квас. Когда цены выросли на 20%, на ту же денежку он приобретал полхлеба и квас. Хватит ли той же денежки хотя бы на квас, если цены еще раз вырастут на 20%?

Решение:

Обозначим цену хлеба через x , а цену кваса – через y (до подорожания).

Тогда $x + y = d$, где d – достоинство денежки. После повышения хлеб стал стоить $1,2x$, а квас - $1,2y$.

Поэтому $0,6x + 1,2y = d$ и $x + y = 0,6x + 1,2y$, откуда $y=2x$ и $d = 1,5y$.

После второго повышения цен квас стал стоить $1,2 \cdot 1,2y = 1,44y$.

Поскольку $1,5y > 1,44y$, денежки на квас хватит.

Ответ: денежки на квас хватит.